

3月試験 [3月4日] 数学 解答

[I]

問1

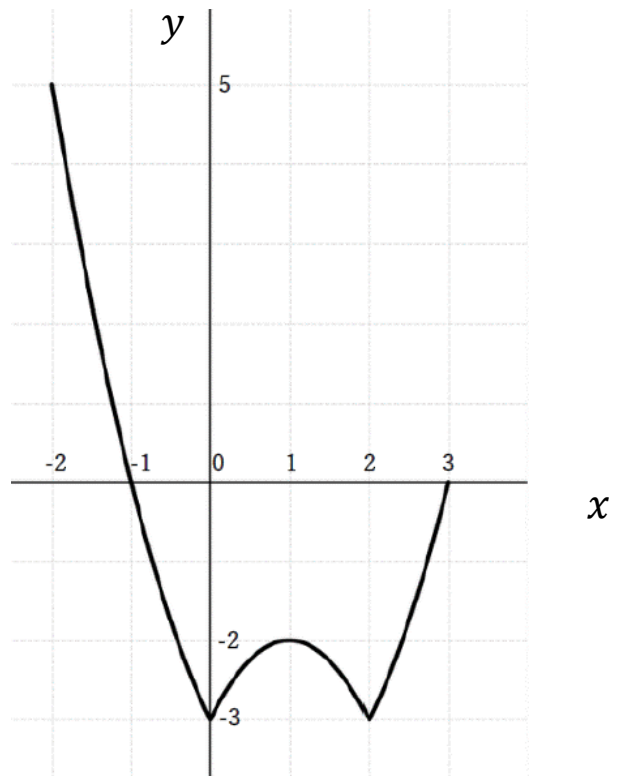
$$x \leq 0, 2 \leq x \text{ のとき, } f(x) = (x-1)^2 - 4$$

$$0 \leq x \leq 2 \text{ のとき, } f(x) = -(x-1)^2 - 2$$

よって、グラフは右図のようになる。

問2

グラフより、 $x = 3$ のとき最大値 0
 $x = 0, 2$ のとき最小値 -3



問3

$$x \geq 0 \text{ のとき, } g(x) = x^2 - 2x - 3$$

$$x \leq 0 \text{ のとき, } g(x) = x^2 + 2x - 3$$

よって、

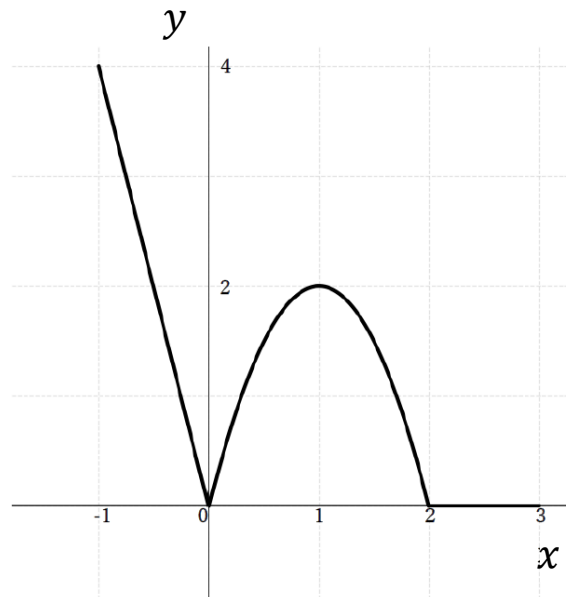
$$x \leq 0 \text{ のとき, } y = f(x) - g(x) = -4x$$

$$0 \leq x \leq 2 \text{ のとき, } y = -2(x-1)^2 + 2$$

$$2 \leq x \leq 3 \text{ のとき, } y = 0 \cdots (*)$$

問4

(*)より、 $2 \leq x \leq 3$ で $y = 0$ より 与式=0



[II]

問1

$$(1, 1, 1) \circ (1, 1, 1) = (1 - 1, 1 - 1, 1 - 1) = (0, 0, 0)$$

問2

$$(1) \quad \vec{e}_2 \circ \vec{e}_1 = (0, 1, 0) \circ (1, 0, 0) = (0, 0, -1)$$

$$(2) \quad \vec{e}_1 \circ \vec{e}_2 = (1, 0, 0) \circ (0, 1, 0) = (0, 0, 1)$$

$$(3) \quad \vec{e}_3 \circ \vec{e}_2 = (0, 0, 1) \circ (0, 1, 0) = (-1, 0, 0)$$

$$(4) \quad \vec{e}_1 \circ \vec{e}_3 = (1, 0, 0) \circ (0, 0, 1) = (0, -1, 0)$$

問3

$$(1) \quad \vec{x} \cdot (\vec{y} \circ \vec{z}) = (x_1, x_2, x_3) \cdot (y_2z_3 - y_3z_2, y_3z_1 - y_1z_3, y_1z_2 - y_2z_1)$$

$$= x_1y_2z_3 - x_1y_3z_2 + x_2y_3z_1 - x_2y_1z_3 + x_3y_1z_2 - x_3y_2z_1$$

$$(2) \quad \vec{y} \cdot (\vec{z} \circ \vec{x}) = (y_1, y_2, y_3) \cdot (z_2x_3 - z_3x_2, z_3x_1 - z_1x_3, z_1x_2 - z_2x_1)$$

$$= x_3y_1z_2 - x_2y_1z_3 + x_1y_2z_3 - x_3y_2z_1 + x_2y_3z_1 - x_1y_3z_2$$

[III]

DQ を延長して PQ//BR となる点 R をとると、 $\angle BRQ = 90^\circ$, DR= 23 となる。

直角三角形 BDR において三平方の定理より、

$$BD^2 = 23^2 + 7^2 = 578$$

$$\therefore BD = 17\sqrt{2}$$

正方形 ABCD の面積 S は、 $S = \frac{BD^2}{2} = 289$ となる。

$$AB^2 = 289 \quad \text{より} \quad AB = 17$$

以上より、 $AB = 17$, $AC = BD = 17\sqrt{2}$, 正方形 ABCD の面積 $S = 289$ となる。

